Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова» Факультет вычислительной математики и кибернетики

«УТВЕРЖДАЮ»

Деканфакультета ВМК МГУ,

академик РАН

Фекумей Соколов И.А./

2023 г.

ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ЭКЗАМЕНА

(дляосуществленияприема на обучение по образовательным программам высшего образования - программам подготовки научных и научно-педагогических кадров в аспирантуре)

1.2.1 – «Искусственный интеллект и машинное обучение»

Программа утверждена Ученым советом факультета (протокол № 2 от 01 марта 2023 г.)

І. ОПИСАНИЕ ПРОГРАММЫ

Настоящая программа предназначена для осуществления приема на обучение по образовательным программам высшего образования - программам подготовки научных и научно-педагогических кадров в аспирантуре вступительного экзамена в аспирантуру по специальности «Искусственный интеллект и машинное обучение» и содержит основные темы и вопросы к экзамену, список основной и дополнительной литературы и критерии оценивания. (все темы и вопросы должны быть не выше ФГОС ВО магистратуры и специалитета).

ІІ. ОСНОВНЫЕ РАЗДЕЛЫ И ВОПРОСЫ К ЭКЗАМЕНУ

1. Обшая часть.

- 1. Непрерывные функции одной переменной и их свойства. Равномерная непрерывность. Равностепенная непрерывность семейства функций. Теорема Арцела.
- 2. Функции многих переменных. Полный дифференциал, и его геометрический смысл. Достаточные условия дифференцируемости. Градиент.
- 3. Определенный интеграл. Интегрируемость непрерывной функции. Первообразная непрерывной функции. Приближенное вычисление определенных интегралов. Формулы трапеций и Симпсона, оценки погрешностей. Понятие о методе Гаусса.
- 4. Числовые ряды. Сходимость рядов. Критерий Коши. Достаточные признаки сходимости (Коши, Деламбера, интегральный, Лейбница).
- 5. Абсолютная и условная сходимость ряда. Свойства абсолютно сходящихся рядов. Перестановка членов ряда. Теорема Римана. Умножение рядов.
- 6. Ряды и последовательности функций. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов (непрерывность суммы, почленное интегрирование и дифференцирование).
- 7. Собственные и несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость по параметрам и ее признаки. Непрерывность, интегрирование и дифференцирование интегралов по параметру.
- 8. Мера множества. Измеримые функции. Интеграл Лебега и его основные свойства.
- 9. Степенные ряды в действительной и комплексной области. Радиус сходимости. Теорема Коши-Адамара. Теорема Абеля. Свойства степенных рядов (почленное интегрирование и дифференцирование). Разложение элементарных функций.
- 10. Функции комплексного переменного. УсловияКоши-Римана. Геометрический смысл аргумента и модуля производной.
- 11. Элементарные функции комплексного переменного: линейная, дробно-линейная, z^n , e^z , и совершаемые ими конформные отображения. Простейшие многозначные функции $\sqrt{\mathbf{z}}$, Ln(z).
- 12. Теорема Коши об интеграле по замкнутому контуру. Интеграл Ко-

- ши. Ряд Тейлора.
- 13. Ряд Лорана. Полюс и существенно особая точка. Вычеты. Основная теорема о вычетах и ее применение.
- 14. Линейные преобразования. Квадратичные формы. Приведение их к каноническому виду линейными преобразованиями в комплексной и действительной областях. Закон инерции.
- 15. Линейная зависимость и независимость векторов. Ранг матрицы. Системы линейных алгебраических уравнений, теорема Кронекера-Капелли. Общее решение системы линейных алгебраических уравнений.
- 16. Ортогональные преобразования в евклидовом пространстве и ортогональные матрицы. Свойства ортогональных матриц.
- 17. Характеристический многочлен линейного преобразования векторного пространства. Собственные числа и собственные векторы. Свойства собственных чисел и векторов симметрических матриц. Понятие о методе ортогональных вращений решения полной проблемы собственных значений.
- 18. Итерационные методы решения уравнения f(x)=0 (хорд, Ньютона). Принцип сжатых отображений в полных метрических пространствах и его применение.
- 19. Линейные операторы, норма линейного оператора. Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений (методы простой итерации и Зейделя).
- 20. Гильбертово пространство. Линейные и билинейные функционалы в гильбертовом пространстве. Линейные уравнения с вполне непрерывным оператором.
- 21. Ортогональные системы функций. Ряды Фурье по ортогональной системе функций, неравенство Бесселя, сходимость ряда Фурье. Достаточные условия равномерной сходимости рядов Фурье по тригонометрической системе функций. Влияние гладкости функции на порядок коэффициентов Фурье.
- 22. Теорема существования и единственности решения задачи Коши для уравнения, системы уравнений первого порядка и уравнения п-ого порядка.
- 23. Линейные дифференциальные уравнения п-ого порядка. Линейное однородное уравнение. Линейная независимость функций. Фундаментальная система решений. Определитель Вронского. Общее решение неоднородного уравнения.
- 24. Линейные обыкновенные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами (однородные и неоднородные).
- 25. Устойчивость по Ляпунову решений обыкновенных дифференциальных уравнений. Теорема об устойчивости по первому приближению. Второй метод Ляпунова.
- 26. Простейшая задача вариационного исчисления. Уравнение Эйлера. Вариационная задача трансверсальности. с подвижными концами. Усло-

виятрансверсальности.

- 27. Градиентные методы поиска экстремума.
- 28. Формализация понятия алгоритма (машины Тьюринга, нормальные алгоритмы Маркова). Алгоритмическая неразрешимость.
- 29. Структура и состав вычислительной системы (аппаратура + программное обеспечение). Физические и виртуальные ресурсы. Управление ресурсами в вычислительной системе. Потоки управляющей информации и данных в вычислительной системе. Проблемы дисбаланса производительности компонентов вычислительной системы и аппаратнопрограммные решения, предназначенные для сглаживания этого дисбаланса. Кеширование информационных потоков в вычислительной системе.
- 30. Архитектура многопроцессорных вычислительных систем. Графовая модель представления параллельных алгоритмов. Принципыпостроения параллельных программ с использованием технологий МРІ и ОрепМР. Показатели качества параллельных программ. Закон Амдала, его следствия.
- 31. Операционные системы, основные функции. Типы операционных систем. Организация управления и взаимодействия процессов в Операционной системе. Модели и средства синхронизации. Программирование взаимодействующих процессов. Модели организации и управления ОЗУ.
- 32. Парадигмы программирования (функциональное, императивное, объектно-ориентированное программирование).
- 33. Базы данных. Основные понятия реляционной модели данных. Реляционная алгебра. Средства языка запросов SQL.
- 34. Функции алгебры логики. Реализация их формулами. Совершенная дизъюнктивная нормальная форма.
- 35. Схемы из функциональных элементов и простейшие алгоритмы их синтеза. Оценка сложности схем, получаемых по методу Шеннона.

2. Дополнительная часть.

- 1. Теорема Поста о полноте систем функций в алгебре логики. Графы, деревья, планарные графы, их свойства.
- 2. Аксиоматическое построение теорий вероятностей. Независимые события. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
- 3. Случайные величины и функции распределения. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание и дисперсия. Основные теоремы о математическом ожидании и дисперсии.
- 4. Теорема Пуассона. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема.
- 5. Теория точечного оценивания. Несмещенные, состоятельные и эффективные оценки. Достаточные статистики. Оптимальные оценки.
- 6. Критерии проверки гипотез. Теорема Неймана-Пирсона. Критерии

согласия хи-квадрат.

- 7. Методы представления знаний в системах искусственного интеллекта (ИИ): процедурные представления, логические представления, семантические сети, фреймы, системы продукций. Метазнания в системах ИИ. Базы знаний. Приобретение (извлечение) знаний. Открытость знаний системы ИИ. Понятие о генетических алгоритмах.
- 8. Эталонная модель OSI ISO: понятие открытой системы, основные понятия модели, распределение функций сети между уровнями модели (физический, канальный, сетевой, транспортный, сессии, представления, приложений). Модель TCP/IP.

III. РЕФЕРАТ ПО ИЗБРАННОМУ НАПРАВЛЕНИЮ ПОД-ГОТОВКИ

Реферат по избранному направлению подготовки представляет собой обзор литературы по теме будущего научного исследования и позволяет понять основные задачи и перспективы развития темы будущей диссертационной работы. Реферат включает титульный лист, содержательную часть, выводы и список литературных источников. Объем реферата 10-15 страниц машинописного текста. В отзыве к реферату предполагаемый научный руководитель дает характеристику работы и рекомендуемую оценку, входящую в общий экзаменационный балл.

IV. ПРИМЕР ЭКЗАМЕНАЦИОННОГО БИЛЕТА

- **Вопрос 1.** Гильбертово пространство. Линейные и билинейные функционалы в гильбертовом пространстве. Линейные уравнения с вполне непрерывным оператором.
- Вопрос 2. Теорема Пуассона. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема.
- **Вопрос 3.**Содержание реферата по теме диссертационного исследования (с приложением реферата и отзыва на реферат с отметкой предполагаемого научного руководителя).

V. РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА

1. ОСНОВНАЯ

- 1. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Основы математического анализа, часть 1 и часть 2. М.: Физматлит, 2005 (часть 1) и 2002 (часть 2).
- 2. Кудрявцев Л.Д. Математический анализ, часть 1 и часть 2. М.: Дрофа, 2003 (часть 1) и 2004 (часть 2).
- 3. Александров П.С. Лекции по аналитической геометрии. М.: Наука, 1968.
 - 4. Воеводин В.В. Линейная алгебра. М.: Наука, 1980.
- 5. Привалов И.И. Введение в теорию функций комплексного переменного. СПб.: Лань, 2009.
- 6. Свешников А.Г., Тихонов А.Н. Теория функций комплексного переменного. М.: Физматлит, 2008.
 - 7. Гельфанд И.М. Лекции по линейной алгебре. Изд-во МЦНМО, 1998.
 - 8. Курош А.Г. Курс высшей алгебры. СПб.: Лань, 2006.
- 9. Колмолгоров А.Н., Фомин С.В. Элементы теории функций и функционального анализа. М.: Физматлит, 2004.
- 10. Шилов Г.Е. Введение в теорию линейных пространств. М.: ГИТТЛ, 1956.
- 11. Понтрягин Л.С. Обыкновенные дифференциальные уравнения. М.: Наука, 1982.
 - 12. Степанов В.В. Курс дифференциальных уравнений. М.: Эдиториа-

лУРСС, 2004.

- 13. Петровский И.Г. Лекции по обыкновенным дифференциальным уравнениям. М.: Физматлит, 2009.
- 14. Эльсгольц Л.З. Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление. М.: Наука, 1969.
- 15. Тихонов А.Н., Самарский А.А. Уравнения математической физики. М.: Наука, 2004.
 - 16. Соболев С.Л. Уравнения математической физики. М.: Наука, 1966.
- 17. Петровский И.Г. Лекции об уравнениях с частными производными. М.: Физматлит, 2009.
- 18. Березин И.С., Жидков Н.П. Методы вычислений, том 1 и том 2. М.: ГИФМЛ, 1962 (том 1) и 1959 (том 2).
 - 19. Бахвалов Н.С. Численные методы. М.: Наука, 1975.
 - 20. Самарский А.А. Введение в теорию разностных схем. М.: Наука, 1971.
- 21. Феллер В. Введение в теорию вероятностей и ее приложения, том 1 и том 2. М.: Мир, 1964 (том 1) и 1967 (том 2).
- 22. Крамер Г. Математические методы статистики. М.: Мир, 1975. 23. Яблонский С.В. Введение в дискретную математику. М.: Высшая Школа, 2010.
 - 24. Алексеев В.Б. Лекции по дискретной математике. М.: Инфра-М, 2012.
- 25. Ложкин С.А. Лекции по основам кибернетики. М.: Издательский отдел фта ВМК МГУ, 2004.
 - 26. Мальцев А.И. Алгоритмы и вычислимые функции. М.: Наука, 1986.
- 27. Карлин С. Математические методы в теории игр, программировании и экономике. М.: Мир, 1964.
 - 28. Васильев Ф.П. Методы оптимизации. М.: Факториал пресс, 2002.
- 29. Гермейер Ю.Б. Введение в теорию исследования операций. М.: Наука, 1971.
- 30. КоруховаЛ.С., Шура-Бура М.Р. Введение в алгоритмы. Учебное пособие для студентов I курса, 2-е исправленное издание. М. Издательский отдел факультета ВМиК МГУ (лицензия ИД № 05899 от 24.09.2001 г.); МАКС Пресс, 2010, http://sp.cmc.msu.ru/info/1/vvedalg.pdf

- 31. Э. Таненбаум, Т. Остин, Архитектура компьютера. 6-е издание, СПб: Питер, 2013.
- 32. Операционные системы. У. Столингс. Вильямс. 2002. 33. Э. Таненба-ум, Х. Бос Современные операционные системы. 4-е издание, СПб: Питер, 2015.
- 34. Т. Пратт. М. Зелкович. Языки программирования. Разработка и реализация 4-е издание, СПб: Питер, 2002.
- 35. В. Ш. Кауфман. Языки программирования. Концепции и принципы. М.: ДМК-Пресс, 2010.
- 36. К. Дейт. Введение в системы баз данных. М: Вильямс, 2006. 37. В.В.Воеводин, Вл.В.Воеводин "Параллельные вычисления", БХВПетербург, 2002, 608с.
- 38. А.С. Антонов Технологии параллельного программирования МРІ и ОрепМР: Учеб пособие. Предисл. : В.А. Садовничий М.: Изд-во Моск. ун-та, 2012. 344 с. (Серия "Суперкомпьютерное образование").

2. ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ

- 1. Тихонов А.Н., Самарский А.А. Уравнения математической физики. М.: Наука, 2004.
 - 2. Самарский А.А., Гулин А.В. Численные методы. М.: Наука, 1989.
- 3. Петровский И.Г. Лекции по уравнениям в частных производных. М.: Физматлит, 2009.

V. КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

Уровень знаний поступающих в аспирантуру МГУ оценивается по десятибалльной шкале. Приотсутствиипоступающегонавступительном экзаменевкачествеоценкипроставляется неявка. Результаты сдачи вступительных экзаменов сообщаются поступающим в течение трех дней со дняэкзамена путем их размещения на сайте и информационном стенде структурного подразделения. Вступительное испытании есчитаетсяпройденным, еслиабитуриентполучилсемь баллов ивыше.

VI. АВТОРЫ

1. ЧижовИ.В.