# Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова Факультет вычислительной математики и кибернетики

> УТВЕРЖДАЮ декан факультета вычислительной математики и кибернетики

> > \_\_\_\_\_/И.А. Соколов / «27» сентября 2022г.

#### ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине

Электродинамика

### Уровень высшего образования: бакалавриат

Направление подготовки / специальность: 01.03.02 "Прикладная математика и информатика" (3++)

Направленность (профиль) ОПОП: Искусственный интеллект и анализ данных

Форма обучения:

очная

Рассмотрен и утвержден на заседании Ученого совета факультета ВМК (протокол №7, от 27 сентября 2022 года)

Москва 2022

#### 1. ФОРМЫ И ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

В процессе и по завершении изучения дисциплины оценивается формирование у студентов следующих компетенций:

Планируемые результаты обу		
Содержание и код компетенции.	Индикатор (показатель) достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, сопряженные с индикаторами достижения компетенций
ОПК-1. Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1 — Обладает фундаментальными знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук ОПК-1.2 — Умеет использовать их в профессиональной деятельности ОПК-1.3 — Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний	Знать определения физических понятий и размерности физических величин Уметь формулировать законы фундаментальной электродинамики Владеть математическим аппаратом фундаментальной электродинамики

#### 1.1. Текущий контроль успеваемости

Текущий контроль успеваемости осуществляется путем оценки результатов выполнения заданий практических (семинарских) занятий, самостоятельной работы, предусмотренных учебным планом и посещения занятий/активность на занятиях.

В качестве оценочных средств текущего контроля успеваемости предусмотрены:

опрос

#### Список контрольных вопросов для проверки текущей успеваемости

- 1. Фундаментальные свойства электрического заряда. Закон сохранения заряда. Сформулируйте Закон Кулона.
- 2. Дайте определение напряженности электрического поля. Сформулируйте принцип суперпозиции электрических полей.
- 3. Электростатическая теорема Гаусса. Напряженности электростатического поля равномерно заряженных сферы и бесконечной плоскости.
- 4. Как определяется потенциал электрического поля.
- 5. Запишите формулы для потенциала электрического поля дискретного и непрерывного распределений заряда.
- 6. Запишите формулу, показывающую локальную связь между потенциалом и напряженностью электрического поля.
- 7. Что такое электрический диполь. Чему равны потенциал и напряженность поля электрического диполя.

- 8. Чему равна циркуляция вектора напряженности электростатического поля. Приведите доказательство для системы точечных зарядов.
- 9. Чему равен ротор вектора напряженности электростатического поля. Приведите доказательство для системы точечных зарядов.
- 10. Запишите уравнения Пуассона и Лапласа для потенциала электростатического поля.
- 11. Свободные и связанные заряды в веществе.
- 12. Что такое электрическая индукция поля.
- 13. Сформулируйте теорему Гаусса для электрической индукции в интегральной и дифференциальной формах.
- 14. Материальные уравнения для электрического поля, диэлектрические восприимчивость и проницаемость.
- 15. Взаимная энергия системы точечных зарядов. Формулы для энергии электростатического поля и ее объемной плотности.
- 16. Закон Ома для участка цепи и его дифференциальная форма. Закон Джоуля-Ленца и его дифференциальная форма.
- 17. Сформулируйте правила Кирхгофа.
- 18. Запишите закон взаимодействия элементов тока закон Ампера. Запишите закон Био-Савара-Лапласа.
- 19. Сформулируйте теорему о циркуляции вектора магнитной индукции в интегральной и дифференциальной формах.
- 20. Сформулируйте теорему Гаусса для магнитного поля в интегральной и дифференциальной формах
- 21. Что такое векторный потенциал. Как он связан с магнитной индукцией. Свойства векторного потенциала.
- 22. Сила Лоренца и характер движения заряда в постоянных электрическом и магнитном полях.
- 23. Сформулируйте закон электромагнитной индукции Фарадея и правило Ленца.
- 24. В чем заключается явление самоиндукции.
- 25. Чему равны собственная энергия проводника с током и энергия системы замкнутых токов.
- 26. Запишите формулы для энергии магнитного поля и ее объемной плотности.
- 27. Молекулярные токи и вектор намагниченности. Дайте определение вектора напряженности магнитного поля.
- 28. Сформулируйте теорему о циркуляции вектора напряженности магнитного поля (в интегральной и дифференциальной формах).
- 29. Что такое ток смещения.
- 30. Запишите уравнения Максвелла в дифференциальной и интегральной формах.
- 31. Запишите уравнения Максвелла в интегральной форме.
- 32. Дайте определение и запишите выражение для вектора Умова-Пойнтинга.
- 33. Получите волновое уравнение из системы уравнений Максвелла. Что такое плоская волна. Ее свойства.
- 34. Чему равны плотность потока энергии, плотность потока импульса и плотность потока момента импульса электромагнитной волны.
- 35. Излучение электромагнитных волн диполем. Зависимость излучаемой мощности от частоты.
- 36. Дайте определение квазистационарных электромагнитных процессов.
- 37. Собственные и вынужденные колебания в колебательном контуре. Формулы для амплитуды и фазы.

- 38. Опишите и обоснуйте метод комплексных амплитуд.
- 39. В чем заключается скин-эффект. Чему равна толщина скин-слоя в простейших случаях.
- 40. Постулаты теории относительности. Преобразования Лоренца для напряженностей электрического и магнитного полей.
- 41. Четырехвекторы и четырехтензоры в специальной теории относительности. Приведите примеры.
- 42. Тензор электромагнитного поля.
- 43. Инвариантная запись уравнений электродинамики.
- 44. Релятивистская природа силы Лоренца.
- 45. Инварианты электромагнитного поля.

#### 1.2. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация осуществляется в форме зачет

В качестве средств, используемых на промежуточной аттестации предусматривается: Билеты

#### 1.3. Типовые задания для проведения промежуточной аттестации

Список вопросов к зачёту по курсу (дисциплине) Электродинамика:

- 1. Электромагнитное взаимодействие и его место среди других взаимодействий в природе. Закон сохранения электрического заряда.
- 2. Закон Кулона.
- 3. Вектор напряженности электрического поля. Принцип суперпозиции. Электростатическая теорема Остроградского–Гаусса.
- 4. Потенциальность электростатического поля. Связь вектора напряженности электростатического поля и потенциала.
- 5. Работа сил электростатического поля. Потенциал системы зарядов.
- 6. Теорема о циркуляции вектора напряженности электрического поля. Уравнения Пуассона и Лапласа. Электрический диполь.
- 7. Проводники в электростатическом поле. Распределение заряда по поверхности проводника. Связь между зарядом и потенциалом проводника. Электроемкость. Конденсаторы.
- 8. Диэлектрики. Свободные и связанные заряды. Вектор поляризации. Связь вектора поляризации со связанными зарядами.
- 9. Вектор электрической индукции в диэлектрике. Материальное уравнение для векторов электрического поля.
- 10. Теорема Остроградского Гаусса для диэлектриков. Ее дифференциальная форма.
- 11. Граничные условия для векторов напряженности и электрической индукции.
- 12. Взаимодействие токов. Элемент тока. Закон Био Савара Лапласа. Вектор индукции магнитного поля. Закон Ампера. Сила Лоренца.
- 13. Теорема о циркуляции вектора индукции магнитного поля. характер магнитного поля. Векторный потенциал.
- 14. Элементарный ток и его магнитный момент. Магнитное поле элементарного тока. Вектор намагниченности вещества и его связь с молекулярными токами.
- 15. Вектор напряженности магнитного поля. Материальное уравнение для векторов магнитного поля. Диамагнетики, парамагнетики и ферромагнетики.
- 16. Электромагнитная индукция. Закон электромагнитной индукции Фарадея и его дифференциальная форма. Правило Ленца. Явление самоиндукции и взаимной индукции.
- 17. Система уравнений Максвелла. Ток проводимости и ток смещения. Высокочастотные токи. Скин-эффект.
- 18. Постоянный электрический ток. Плотность тока. Условие стационарности тока. Электрическое напряжение. Закон Ома в дифференциальной форме.
- 19. Токи в сплошных средах. Закон Джоуля Ленца. Правила Кирхгофа.
- 20. Условия квазистационарности. Переходные процессы в RC- и LC-цепях.
- 21. Собственные колебания в контуре. Затухающие колебания. Вынужденные колебания в контуре. Метод комплексных амплитуд. Резонанс напряжений.
- 22. Электромагнитные волны. Волновое уравнение. Скорость электромагнитных волн.
- 23. Плоские и сферические гармонические электромагнитные волны в непроводящей среде. Связь векторов напряженности электрического и магнитного поля и волнового вектора в плоской волне.
- 24. Поляризация электромагнитной волны. Отражение электромагнитных волн.

- 25. Стоячая электромагнитная волна. Давление электромагнитной волны.
- 26. Условие калибровки Лоренца. Неоднородное волновое уравнение для векторного и скалярного потенциалов. Их решения в виде запаздывающих и опережающих потенциалов. Дипольное приближение.
- 27. Излучение точечного диполя. Электромагнитное поле в ближней и дальней волновой зоне. Диаграмма направленности и полная мощность излучения.
- 28. Энергия системы покоящихся электрических зарядов. Энергия электростатического поля и ее объемная плотность.
- 29. Энергия системы стационарных токов. Энергия стационарного магнитного поля и ее объемная плотность.
- 30. Плотность энергии нестационарного электромагнитного поля. Вектор Умова-Пойнтинга. Закон сохранения энергии в электродинамике. Плотность и поток энергии в плоской электромагнитной волне.
- 31. Импульс и момент импульса электромагнитного поля. Законы сохранения импульса и момента импульса электромагнитного поля.
- 32. Уравнения электродинамики и преобразования Галилея. Опыт Майкельсона-Морли.
- 33. Принцип относительности Эйнштейна и постулаты теории относительности. Преобразования Лоренца
- 34. Четырех-векторы и четырех тензоры.
- 35. Релятивистски-инвариантная запись закона сохранения заряда и уравнений Максвелла. Релятивистски-инвариантная запись уравнений электродинамики в потенциалах.
- 36. Электромагнитные волны в движущейся среде. Эффект Доплера. Инварианты электромагнитного поля.

#### Типовые задачи

#### Электрическое поле. Уравнения электростатики.

Точечный заряд q находится на расстоянии a от центра проводящей сферы радиусом R (a>R). Заряд сферы равен Q. Найдите силу, действующую на заряд q.

Тонкая палочка длиной l заряжена равномерно с линейной плотностью  $\kappa$  . Найдите напряженность электрического поля, создаваемого зарядом на палочке, в произвольной точке пространства M.

#### Проводники и диэлектрики в электрическом поле.

Заряд q распределен по металлической сфере радиусом R. Сфера окружена шаровым слоем диэлектрика толщиной R. Чему равна полная энергия электрического поля, создаваемого зарядом во всем пространстве, если диэлектрическая проницаемость диэлектрика равна  $\varepsilon$ ?

Диэлектрический шар радиусом R равномерно заряжен по объему. Объемная плотность заряда равна  $\rho$ , диэлектрическая проницаемость материала шара -  $\varepsilon$ . Найдите потенциал поля, создаваемого шаром.

#### Магнитное поле в вакууме и веществе.

Проводящая сфера радиуса R заряжена с поверхностной плотностью  $\sigma$ . Сфера вращается вокруг оси симметрии с угловой скоростью  $\omega$ . Найдите индукцию магнитного поля на оси вращения.

По бесконечному прямолинейному цилиндрическому проводу радиусом R течет ток I, равномерно распределенный по сечению проводника. Найдите напряженность магнитного поля H как функцию расстояния от оси провода

#### Закон электромагнитной индукции.

Бесконечный прямой провод и квадратная рамка со стороной a и полным сопротивлением R расположены в одной плоскости так, что провод проходит параллельно одной из сторон рамки на расстоянии d от нее. Сила тока в проводе изменятся по закону  $I_1(t) = \alpha t^3$ , где  $\alpha = \mathrm{const}$ . Найдите зависимость силы тока в рамке от времени.

По двум металлическим параллельным рейкам, расположенным в горизонтальной плоскости и замкнутым на конденсатор емкостью C, может без трения двигаться металлический стержень массой m и длиной l. Вся система находится в однородном магнитном поле с индукцией B, направленной вверх. К середине стержня перпендикулярно ему и параллельно рейкам приложена сила F. Определить ускорение a стержня. Сопротивлением реек, стержня и подводящих проводов пренебречь. В начальный момент скорость стержня равна нулю.

#### Уравнения Максвелла.

Заряженный и отключенный от источника плоский конденсатор с круглыми пластинами медленно разряжается объемными токами проводимости, возникающими в диэлектрике между обкладками из-за наличия слабой проводимости. Пренебрегая краевыми эффектами, вычислите напряженность магнитного поля внутри конденсатора.

В проводнике, помещенном в нестационарное магнитное поле, циркулируют токи Фуко. Линии тока представляют собой окружности, центры которых лежат на оси  $0_Z$ , причем зависимость плотности тока от времени t и от расстояния r рассматриваемой точки проводника до оси  $0_Z$  описывается законом  $j(r,t) = k r e^{-t/\tau}$ . Определите индукцию магнитного поля в проводнике, если известно, что в момент времени t=0 она была равна нулю во всем объеме проводника.

#### Электрические цепи. Квазистационарные токи:

Сопротивление состоит из трех элементов, соединенных треугольником:  $R_{12}=2$  Ом,  $R_{23}=4$  Ом и  $R_{31}=5$  Ом. Токи, притекающие извне к двум из его вершин:  $I_1=4,5$  А,  $I_2=1,5$  А. Найдите потенциалы вершин  $\varphi_1$  и  $\varphi_2$ , если потенциал  $\varphi_3=0$ .

Два гальванических элемента с ЭДС  $\mathbf{E}_1$  и  $\mathbf{E}_2$  и внутренними сопротивлениями  $r_1$  и  $r_2$  соединены параллельно. Найдите ЭДС и внутреннее сопротивление полученной батареи.

#### Электромагнитные волны:

Плоская монохроматическая световая волна распространяется в вакууме. Максимальное значение напряженности магнитного поля этой волны —  $H_0$ . Какова средняя (за период) энергия, переносимая волной в единицу времени через поверхность полусферы радиуса R, основание которой перпендикулярно направлению распространения волны?

Плоская монохроматическая световая волна с интенсивностью  $I_0$  падает под углом  $\theta_I$  на плоскую границу раздела сред, показатели преломления которых равны  $n_I$  и  $n_2$ . Найдите интенсивность волны, отраженной от границы раздела, и интенсивность волны, прошедшей во вторую среду, при условии, что в падающей волне колебания вектора напряженности электрического поля происходят в плоскости падения.

#### Теория излучения:

Определить, во сколько раз отличаются плотности потока энергии, излучаемой диполем Герца, под углами  $\theta=90^\circ$  и  $\theta=45^\circ$ .

Выведите формулу для напряженности электрического поля электромагнитной волны, излучаемой зарядом q, колеблющимся с частотой  $\omega$  вдоль некоторой прямой. Амплитуда колебаний заряда —  $X_0$ .

#### Энергия, импульс и момент импульса электромагнитного поля:

Плоская монохроматическая электромагнитная волна нормально падает из вакуума на плоскую поверхность проводника. Чему равно среднее (за период) давление этой волны на проводник, если интенсивность волны – I? Считать, что волна полностью поглощается.

Заряд q расположен на металлической сфере радиусом R. Сфера окружена шаровым слоем диэлектрика толщиной R. Чему равна полная энергия электрического поля, создаваемого зарядом во всем пространстве, если диэлектрическая проницаемость диэлектрика равна  $\varepsilon$ ?

#### Электродинамика теории относительности.

В некоторой системе отсчета электрическое и магнитное поля перпендикулярны друг другу. Найти систему отсчета, в которой есть только электрическое или только магнитное поле. всегда ли задача имеет решение и единственно ли оно?

Вычислите компоненты 4-мерного ускорения. Показать, что 4-мерное ускорение ортогонально 4-мерной скорости.

Результат обучения связан со знанием определений физических понятий, размерностей физических величин и умением формулировать законы механики и электродинамики.

#### Пример билета.

- 1. Система уравнений Максвелла. Ток проводимости и ток смещения. Высокочастотные токи. Скин-эффект.
- 2. Условия квазистационарности. Переходные процессы в RC- и LC-цепях.
- 3. Заряженный и отключенный от источника плоский конденсатор с круглыми пластинами медленно разряжается объемными токами проводимости, возникающими в диэлектрике между обкладками из-за наличия слабой проводимости. Пренебрегая краевыми эффектами, вычислите напряженность магнитного поля внутри конденсатора.

## 2. КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ результатов обучения (РО) по дисциплине						
Оценка	2 (не зачтено)	3 (зачтено)	4 (зачтено)	5 (зачтено)		
виды оценочных средств						
Знания	Отсутствие	Фрагментарные	Общие, но не	Сформированны		
(виды оценочных средств:	знаний	знания	структурированны			
приведены в п. 1.2.)			е знания	систематические		
				знания		
Умения	Отсутствие	В целом успешное,	В целом	Успешное и		
(виды оценочных средств:	умений	но не	успешное, но	систематическое		
приведены в п. 1.2.)		систематическое	содержащее	умение		
		умение	отдельные			
			пробелы умение			
			(допускает			
			неточности			
			непринципиальног			
			о характера)			
Навыки	Отсутствие	Наличие	· ·	Сформированны		
(владения, опыт	навыков	отдельных навыков	сформированные	е навыки		
деятельности)	(владений,	(наличие	навыки	(владения),		
	опыта)	фрагментарного	` '	применяемые		
приведены в п. 1.2)		опыта)	используемые не в	при решении		
			активной форме	задач		